

Теорема 1. $\hat{\mathcal{L}}_{p,\alpha}(G)$ есть банахово пространство с нормой

$$\|f\|_{\hat{\mathcal{L}}_{p,\alpha}} = \left(\int_1^\infty \left(\frac{\|f\|_x}{x^\alpha} \right)^p dx \right)^{1/p} < \infty.$$

Теорема 2. Пусть $\alpha \geq 2$ и $1 < p < 2$. Если $f \in \hat{\mathcal{L}}_{p,\alpha-1}(G)$, то

$$\|S_n(f) - f\|_{\hat{\mathcal{L}}_{p,\alpha}} \rightarrow \infty.$$

ЛИТЕРАТУРА

1. Finet C., Tkebuchava G. E. *Walsh-Fourier series and their generalisations in Orlicz spaces.* — J. Math. Anal. and Appl. — 1998. — V. 221. — P. 405–418.

А. Д. Маклаков (Казань)

РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ ФЛАШМЕЙЕРА–КАТРОНОШКИ О ЧИСЛЕ ЭРМИТОВЫХ ИДЕМПОТЕНТНЫХ МАТРИЦ НАД КОНЕЧНЫМИ ПОЛЯМИ

Число инволютивных (т. е. $A^2 = \mathbb{I}_n$) $n \times n$ -матриц ($n \geq 2$) над полем Галуа с q элементами \mathbb{F}_q ($q = p^m$; $m \in \mathbb{N}$, p — простое) определено в [1]. Матричное уравнение вида $f(X) = 0$, где f — заданный многочлен над полем \mathbb{F}_q , изучалось в [2, 3]. В [4] доказано, что имеется в точности q^{n^2-n} нильпотентных ($n \times n$)-матриц над полем \mathbb{F}_q . Известно также и число кососимметрических, симметрических и эрмитовых матриц (см. [5, стр. 397–399]).

В [6, 7] подсчитано число идемпотентных (т. е. $A^2 = A$) (2×2) -матриц над полем \mathbb{F}_q , ($q = p^m$; $m \in \mathbb{N}$, p — простое). Заметим, что при нечетном q число идемпотентных матриц совпадает с числом инволютивных матриц. В [7] поставлена задача о нахождении числа эрмитовых идемпотентов среди $q^2 + q + 2$ идемпотентных (2×2) -матриц. Справедлива

Теорема. Для (2×2) -матриц над конечным полем Галуа \mathbb{F}_{q^2} ($q = p^m$; $m \in \mathbb{N}$, p — простое, $p \neq 2$) число эрмитовых идемпотентов равно $q^2 + q\eta(2^{-2}\mu)$.

Здесь η — действительная функция, заданная на мультипликативной группе \mathbb{F}_q^* ненулевых элементов поля \mathbb{F}_q нечетной характеристики (квадратичный характер поля \mathbb{F}_q), такая, что $\eta(c) = 1$ для элементов c , являющихся квадратами некоторых элементов группы \mathbb{F}_q^* , и $\eta(c) = -1$ для всех остальных элементов $c \in \mathbb{F}_q^*$, μ — произвольный элемент \mathbb{F}_q , для которого $\eta(\mu) = -1$.

Автор благодарит А.М. Бикчентаева за полезные обсуждения.

Работа поддержана РФФИ (проект 99-01-00441) и внебюджетным Республиканским фондом НИОКР РТ.

Л И Т Е Р А Т У Р А

1. Hodges J. H. *The matrix equations $X^2 - I = 0$ over a finite field*// Amer. Math. Monthly. — 1958. — V. 65. — P. 518–520.
2. Hodges J. H. *Scalar polynomial equations for matrices over a finite field*// Duke. Math. J. — 1958. — V. 25. — P. 291–296.
3. Brawley J. V. and Mullen G. L. *A note of equivalence classes of matrices over a finite field*// Int. J. Math. and Math. Sci. — 1981. — V. 4. — P. 279–287.
4. Gerstenhaber M. *On the number of nilpotent matrices with coefficients in a finite field*// Illinois J. Math. — 1961. — V. 5. — P. 330–333.
5. Лидл Р., Нидеррайтер Г. *Конечные поля. Том 1*. М.: Мир, 1988. — 428 с.
6. Flachsmeyer J. *Orthomodular posets of idempotents in finite rings of matrices*// Inter. J. Theor. Phys. — 1995. — V. 34. — No 8. — P. 1359–1367.
7. Flachsmeyer J. and Katrnoška F. *On the number of the idempotents of some matrix rings*// Tatra Mountains Math. Publ. — 1997. — V. 10. — P. 129–132.

Д. В. Маклаков (Казань)

О ВОЛНАХ, ГЕНЕРИРУЕМЫХ ДВИЖУЩИМСЯ ТЕЛОМ

Рассмотрим систему нелинейных периодических прогрессив-