

где функция  $P_5$  есть полином пятого порядка по производной  $y'$ .

**Теорема.** *Класс уравнений вида*

$$y''' = \frac{-3X(x,y)y''^2 + P(x,y)y''y'^2 + Q(x,y)y''y' + R(x,y)y'' + S(x,y)y'^6 + L(x,y)y'^4 + K(x,y)y'^3 + M(x,y)y'^2 + N(x,y)y' + T(x,y)}{Y(x,y) - X(x,y)y'}$$

*является инвариантным классом относительно точечных преобразований.*

Подробное доказательство см. в [1].

Работа поддержана РФФИ (проект 00-01-00068).

#### Л И Т Е Р А Т У Р А

1. Dmitrieva V. V. *Point-invariant classes of the third order ordinary differential equations*// Electronic archive at LANL. – 2000. – Math. SA #0006130, – P. 1-6.

А. И. Долгарев (Пенза)

### КРИВЫЕ ОДУЛЯРНОГО ПРОСТРАНСТВА НА НИЛЬПОТЕНТНОЙ ГРУППЕ ЛИ

Одулярные пространства введены Л.В.Сабининым [1], вейлевские одулярные пространства (ВО-пространства) определены в [2]. Первым [2] изучалось ВО-пространство с касательным отображением в растран — одуль на основной аффинной группе. Одуль на нильпотентной группе Ли — сибсон определен в [3] операциями на  $R^3$ :

$$(x^1, y^1, z^1) + (x^2, y^2, z^2) = (x^1 + x^2, y^1 + y^2, z^1 + z^2 + x^2 y^1),$$

$$t(x, y, z) = (xt, yt, zt + xyt(t - 1/2)), \quad t \in R.$$

Производная сибсонной функции  $\sigma(t) = (x(t), y(t), z(t))$  равна (см. [3])

$$\sigma'(t) = (x'(t), y'(t), z'(t) + x'(t)(y'(t)/2 - y'(t))).$$

Кривая ЕС-пространства (ВО-пространства на сибсоне) задается регулярной функцией  $\sigma(s) = (s, x(s), y(s))$ . Вдоль кривой определено касательное отображение в сибсон. Геометрия пространства на растрасе во многом аналогична классической дифференциальной геометрии [2], геометрия ЕС-пространства от них отличается принципиально. В частности, кривая ЕС-пространства не обладает соприкасающейся плоскостью. Найдены кривизна и кручение кривой 3-мерного пространства, получен аналог формул Френе. Не все прямые ЕС-пространства имеют нулевую кривизну, но их кривизны для каждой из плоскостей постоянны.

#### Л И Т Е Р А Т У Р А

1. Сабинин Л. В. *Одули как новый подход к геометрии со связностью*// ДАН СССР. - 1977. - № 5. - С. 800-803.
2. Долгарев А. И. *ЕМ-пространства*. Дис... канд. физ.-мат. наук. - Красноярск: КГПИ, 1991. - 95 с.
3. Долгарев А. И. *Дифференцирование одулярных функций*// Интегральні перетворення та їх застосування до крайових задач. Зб. наук. пр. - Київ: Ін-т математики НАН України, 1995. - Вип. 10. - С. 57-79.

С. Н. Дорофеев (Пенза)

#### ОБ ИНВАРИАНТАХ ГРУППЫ СИММЕТРИИ НЕКОТОРЫХ ОРИЕНТИРУЕМЫХ МНОГООБРАЗИЙ

В пространстве  $E_3$  рассмотрим ориентируемое многообразие  $F$  эйлеровой характеристики  $k$ . Пусть  $G$  есть максимально-симметрическая группа, состоящая из всех движений пространства  $E_3$ , оставляющих на месте многообразие  $F$ . В  $E_3$  зададим ортонормированный репер, связанный каноническим образом с многообразием  $F$ . Относительно этого репера каждое движение пространства можно задать некоторой ортогональной матрицей третьего порядка. Множество таких матриц образует конечную группу. Известно, что группа унитарных матриц второго порядка является группой накрытия группы  $SO(3)$  ортогональ-